



KEMENTERIAN PENDIDIKAN MALAYSIA

Jabatan Pendidikan Negeri Melaka

#jpnmelakajenamakerajaanno1

## PROJEK KM<sup>2</sup>

@ KEMENJADIAN MURID MELAKA

## MODUL DLP KSSM

## MATEMATIK TINGKATAN 5

2021

FASA 2

NAMA MURID : .....

NAMA KELAS : .....

NAMA GURU : .....



"PENDIDIKAN BERKUALITI, INSAN TERDIDIK, NEGARA SEJAHTERA"



KEMENTERIAN PENDIDIKAN MALAYSIA

Jabatan Pendidikan Negeri Melaka

#jpnmelakajenamakerajaanno1

**SENARAI NAMA AHLI PANEL PEMBINA MODUL KSSM @ KM<sup>2</sup>  
MATA PELAJARAN MATEMATIK KSSM TINGKATAN 5**

---

| NAMA GURU PANEL                         | NAMA SEKOLAH                 |
|---|------------------------------|
| SALMAH BINTI ABU BAKAR (Guru Sumber)    | SMK AYER KEROH               |
| NOOR AZIZAH BINTI MD. SOM (Guru Sumber) | SMK DATO HJ. TALIB KARIM     |
| HASLINDA BINTI OMAR (Ketua Panel)       | SMK DATO ABDUL RAHMAN YA'KUB |
| ROJITA BINTI SABIKAN                    | SMK MUNSHI ABDULLAH          |
| MASHITA BINTI RASIF                     | SMK AGAMA SULTAN MUHAMMAD    |
| NOORAZALIAH BINTI KARIS                 | SMK DATO ABDUL RAHMAN YA'KUB |
| SITI FAIRUZ BINTI MAHYON                | SMK KAMPUNG GELAM            |
| SIM YOK LAN                             | SMK YOK BIN                  |
| NUR IZZATI BT RASHID                    | SM ARAB JAIM ASSYAKIRIN      |

**EDISI PERTAMA 2021**

**CETAKAN JABATAN PENDIDIKAN MELAKA**

**BAB 4 : MATEMATIK PENGGUNA : PERCUKAIAN**  
**CHAPTER 4 : CONSUMER MATHEMATICS : TAXATION**

**SOALAN OBJEKTIF**  
**OBJECTIVE QUESTIONS**

1. \_\_\_\_\_ ialah cukai yang dikenakan atas pendapatan yang diperoleh oleh seseorang individu atau sesebuah syarikat di Malaysia.  
*\_\_\_\_\_ is a tax levied on income earned by an individual or a company in Malaysia.*
  - A. Cukai jalan  
*Road tax*
  - B. Cukai pendapatan  
*Income tax*
  - C. Cukai pintu  
*Assessment Rates*
  - D. Cukai jualan dan perkhidmatan  
*Sales and service tax*
2. Apakah tujuan percukaian?  
*What is the purpose of taxation?*
  - I. Sumber pendapatan kerajaan.  
*Sources of government revenue.*
  - II. Alat pelaksanaan polisi kerajaan.  
*Government policy implementation.*
  - III. Kawalan penjualan barang atau perkhidmatan.  
*Control of sale of goods or service.*
  - IV. Alat kewangan untuk menstabilkan ekonomi.  
*Financial tools to stabilize the economy.*
  - A. I dan II
  - B. I dan III
  - C. I, II dan IV
  - D. I, II, III dan IV
3. Berikut merupakan jenis – jenis cukai di Malaysia **kecuali**  
*The following are the types of taxes in Malaysia except*
  - A. Cukai pendapatan  
*Income tax*
  - B. Cukai pertanian  
*Agricultural tax*
  - C. Cukai pintu  
*Assessment Rates*
  - D. Cukai tanah  
*Quit rent*
4. Azalea memiliki sebidang tanah berkeluasan  $6.5 \text{ m} \times 24.9 \text{ m}$  untuk membina rumah kediaman. Kerajaan negeri menetapkan kadar cukai tanah di kawasan itu pada RM0.40 setiap meter persegi. Berapakah jumlah cukai tanah yang perlu dibayar oleh Azalea setiap tahun?  
*Azalea owns a piece of land measuring  $6.5 \text{ m} \times 24.9 \text{ m}$  to build a residential house. The state government has set the quit rent rate in the area at RM0.40 per square meter. How much quit tax does Azalea have to pay each year?*
  - A. RM12.52
  - B. RM12.56
  - C. RM64.72
  - D. RM64.74

5. Jadual di bawah menunjukkan kadar cukai jalan kereta persendirian di Semenanjung Malaysia.  
*The table below shows the private car road tax rates in Peninsular Malaysia.*

| Kapasiti Enjin<br><i>Engine capacity</i>           | Kadar Cukai Jalan<br><i>Road tax rates</i> |   |
|--|--|---|
|  | Kadar Asas<br><i>Basic rate</i>            | Kadar Progresif<br><i>Progressive rate</i>                              |
| 1 000 cc dan ke bawah<br><i>1 000 cc and below</i> | RM 20.00                                   | -   |
| 1 001 cc – 1 200 cc                                | RM 55.00                                   | -   |
| 1 201 cc – 1 400 cc                                | RM 70.00                                   | -   |
| 1 401 cc – 1 600 cc                                | RM 90.00                                   | -   |
| 1 601 cc – 1 800 cc                                | RM 200.00                                  | + RM 0.40 setiap cc melebihi 1 600 cc<br>+ RM 0.40 per cc over 1 600 cc |
| 1 801 cc – 2 000 cc                                | RM 280.00                                  | + RM 0.50 setiap cc melebihi 1 800 cc<br>+ RM 0.50 per cc over 1 800 cc |

Ravi memiliki sebuah kereta kegunaan persendirian di Melaka dengan kapasiti enjin 1650 cc. Jumlah cukai jalan yang perlu dibayar oleh Ravi untuk keretanya ialah

*Ravi owns a private car in Melaka woth a engine capacity of 1650 cc. The amount of road tax that Ravi has to pay for his car is*

- A. RM90.00
- B. RM100.00
- C. RM110.00
- D. RM200.00

**BAHAGIAN A  
SECTION A**

1. Encik Salleh mempunyai pendapatan bercukai sebanyak RM38 500 pada tahun 2020. Dia telah membayar zakat berjumlah RM750. Hitung cukai pendapatan yang perlu dibayar oleh Encik Salleh bagi tahun tersebut.

*Mr. Salleh has a taxable income of RM38 500 in 2020. He has paid zakat amounting to RM750. Calculate the income tax to be paid by Mr. Salleh for the year.*

Jawapan / Answer :

2. Jelaskan maksud pelepasan cukai bagi cukai pendapatan.

*Explain the meaning of tax relief for income tax.*

Jawapan / Answer :

**BAHAGIAN B  
SECTION B**

1. Rebat cukai diberikan untuk mengurangkan cukai yang perlu dibayar. Nyatakan dua jenis rebat cukai yang dibenarkan oleh kerajaan.

*Tax rebates are given to reduce the taxes payable. State two types of tax rebates allowed by the government.*

Jawapan / Answer :

2. Apakah perbezaan antara cukai jalan dengan cukai tanah?

*What is the difference between road tax and quit rent?*

Jawapan / Answer :

**BAHAGIAN C**  
**SECTION C**

1. Puan Amirah mendapat gaji tahunan sebanyak RM84 400 pada tahun 2020. Dia merupakan seorang ibu tunggal yang mempunyai dua orang anak berumur enam tahun dan sembilan tahun masing-masing. Berikut ialah belanja yang hendak dituntut oleh Puan Amirah.

*Puan Amirah earns an annual salary of RM84 400 in 2020. She is a single mother with two children aged six years and nine years respectively. Here are the expenses to be claimed by Puan Amirah.*

| <b>Perbelanjaan<br/>Expenses</b>   | <b>Jumlah<br/>Total</b> |
|--|-------------------------|
| Individu<br><i>Individual</i>  | RM9 000                 |
| Insurans hayat dan KWSP (had RM7 000)<br><i>Life insurance and EPF (limit RM7 000)</i>                             | RM5 800                 |
| Gaya hidup (had RM2 500)<br><i>Lifestyle (limit RM2 500)</i>   | RM1 200                 |
| Insurans Perubatan (had RM3 000)<br><i>Medical insurance (Limit RM3 000)</i>                                       | RM2 800                 |
| Perbelanjaan rawatan perubatan ibu bapa (had RM5 000)<br><i>Parental medical treatment expense (limit RM5 000)</i> | RM2 100                 |
| Bayaran zakat pendapatan<br><i>Zakat payment</i>   | RM 600                  |
| Anak (had RM2 000 seorang)<br><i>Child (Limit RM2 000 per person)</i>  | RM4 000                 |

- (a) Hitung pendapatan bercukai bagi Puan Amirah.  
*Calculate the taxable income for Puan Amirah.*
- (b) Hitung cukai pendapatan yang perlu dibayar oleh Puan Amirah.  
*Calculate the income tax to be paid by Puan Amirah.*
- (c) Jika PCB sebanyak RM350 telah ditolak setiap bulan daripada gajinya, adakah Puan Amirah perlu membuat bayaran baki cukai pendapatannya?  
*If the MTD of RM350 has been deducted every month from her salary, does Puan Amirah have to pay the balance of her income tax?*

**JAWAPAN  
ANSWER**

**OBJEKTIF / OBJECTIVE**

1. B            2. D            3. B            4. D            5. C

**BAHAGIAN / SECTION A**

- Cukai bagi RM35 000 pertama = RM600  
 Cukai atas baki berikutnya =  $(RM38\ 500 - RM35\ 000) \times 8\% = RM280$   
 Cukai pendapatan =  $RM600 + RM280 - RM750 = RM130$
- Pelepasan cukai ialah perkara atau perbelanjaan bagi kepentingan persendirian atau ahli – ahli keluarga yang tidak dikenakan cukai pendapatan.

**BAHAGIAN / SECTION B**

- a) Rebат cukai sebanyak rm400 akan diberikan kepada pembayar cukai sekiranya pendapatan bercukainya tidak melebihi RM35 000.  
 b) Jumlah bayaran zakat atau fitrah oleh warganegara yang beragama Islam.

| <b>Cukai jalan</b>  | <b>Cukai tanah</b>   |
|---|--|
| Dikenakan terhadap pengguna jalan raya yang memliliki kenderaan | Dikenakan terhadap pemilik tanah pertanian, yanah perusahaan dan tanah bangunan. |
| Dikutip oleh Jabatan Pengangkutan Jalan (JPJ)                   | Dikutip oleh Pejabat Tanah dan Galian  |

**BAHAGIAN / SECTION C**

- (a) Pendapatan bercukai  
 $= \text{jumlah pendapatan} - \text{pelepasan cukai}$   
 $= RM84\ 000 - (RM9\ 000 + RM5\ 800 + RM1\ 200 + RM2\ 800 + RM2\ 100 + RM4\ 000)$   
 $= RM59\ 100$

| Banjaran Pendapatan Bercukai (RM) | Pengiraan (RM)                      | Kadar (%) | Cukai (RM)     |
|-----------------------------------|-------------------------------------|-----------|----------------|
| 50 001 – 70 000                   | 50 000 pertama<br>20 000 berikutnya | 14        | 1 800<br>2 800 |

Cukai bagi Rm50 000 pertama = RM1 800

Cukai atas baki berikutnya =  $(RM59\ 100 - RM50\ 000) \times 14\% = RM1\ 274$

Rebat yang layak = RM600

Cukai pendapatan yang perlu dibayar =  $RM1\ 800 + RM1\ 274 - RM600 = RM2474$

- (c) Jumlah PCB yang dipotong =  $RM350 \times 12 = RM4\ 200$

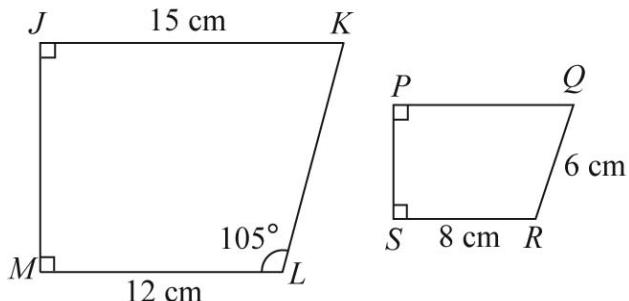
Puan Amirah tidak perlu membuat bayaran cukai tambahan kerana PCB yang dibayar melebihi bayaran cukai yang sepatutnya. Pihak LHDN akan memulang semula lebihan PCB kepada Puan Amirah.

**BAB 5 : KEKONGRUENAN, PEMBESARAN, DAN GABUNGAN TRANSFORMASI**  
**CHAPTER 5 : CONGRUENCY, ENLARGEMENT AND COMBINED TRANSFORMATIONS**

**SOALAN OBJEKTIF**  
**OBJECTIVE QUESTIONS**

1. Dalam Rajah 1,  $JKLM$  dan  $PQRS$  adalah serupa.

*In Diagram 1,  $JKLM$  and  $PQRS$  are similar.*



Rajah 1  
*Diagram 1*

Antara pernyataan yang berikut, manakah **tidak** benar?

*Which of the following statements is not true?*

A.  $KL = 9\text{ cm}$

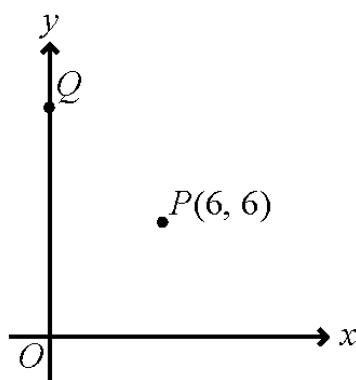
C.  $\frac{ML}{SR} = \frac{3}{2}$

B.  $\angle Q = 65^\circ$

D.  $\frac{PQ}{JK} = \frac{2}{3}$

2. Dalam Rajah 2, Q ialah koordinat imej  $P$  di bawah translasi  $\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}$ .

*In Diagram 2, Q is the image of P under a translation  $\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}$ .*



Rajah 1  
*Diagram 1*

Diberi jarak  $PQ$  ialah 10 unit, translasi itu ialah

*Given the distance  $PQ$  is 10 units, the translation is*

A.  $\begin{pmatrix} 2 \\ -6 \end{pmatrix}$

C.  $\begin{pmatrix} 8 \\ -6 \end{pmatrix}$

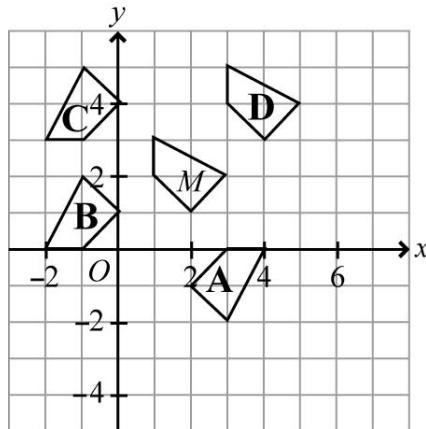
B.  $\begin{pmatrix} -6 \\ 8 \end{pmatrix}$

D.  $\begin{pmatrix} -6 \\ 2 \end{pmatrix}$

3. Transformasi **F** ialah pantulan pada garis  $x = 2$ . Transformasi **E** ialah pantulan pada garis  $y = x$ . Nyatakan koordinat imej bagi titik  $R(3, 1)$  di bawah gabungan transformasi **FE**.  
*Transformation F is a reflection in the line  $x = 3$ . Transformation E is a reflection in the line  $y = x$ . State the coordinates of image of point R (3, 1) under the combined transformation FE.*

A. (3, 5) C. (1, 3)  
B. (3, 1) D. (3, 3)

4. Rajah 3 menunjukkan lima sisi empat dilukis pada suatu satah Cartesan.  
*Diagram 3 shows five quadrilaterals are drawn on a Cartesian plane.*



### Rajah 3 *Diagram 3*

Antara sisi empat **A**, **B**, **C**, dan **D**, manakah koordinat imej bagi M di bawah satu putaran  $90^\circ$  ikut arah jam pada pusat  $(1, 0)$ ?

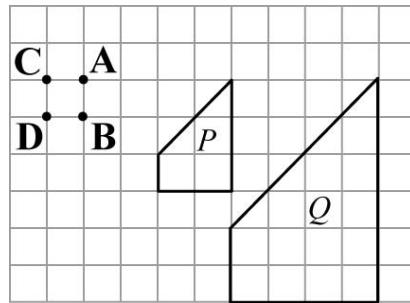
Which of the quadrilaterals, **A**, **B**, **C** and **D** is the image of  $M$  under a clockwise rotation of  $90^\circ$  about centre  $(1, 0)$ ?

5. Rajah 4 menunjukkan dua trapezium P dan Q. Q ialah koordinat imej P di bawah satu pembesaran.

Diagram 4 shows two trapeziums  $P$  and  $Q$ .  $Q$  is the image of  $P$  under an enlargement.

Antara rangkaian graf berikut, yang manakah merupakan hasil gabungan subgraf  $G_1$  dan subgraf  $G_2$ .

Which of the following graph network are the result of a combination of subgraph  $G_1$  and subgraph  $G_2$ .



## Rajah 4 *Diagram 4*

Antara titik, **A**, **B**, **C**, dan **D**, manakah pusat pembesaran itu?

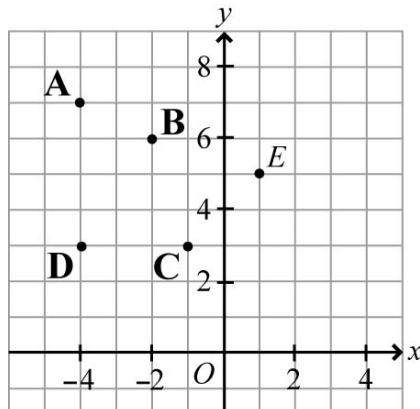
*Which of the points, A, B, C and D is the centre of enlargement?*

6. Rajah 5 menunjukkan lima titik dilukis pada suatu satah Cartesan.

Transformasi **P** ialah translasi  $\begin{pmatrix} -2 \\ -3 \end{pmatrix}$ . Tranformasi **Q** ialah putaran  $90^\circ$  ikut arah jam pada pusat  $(0, 7)$ .

*Diagram 5 shows five points are drawn on a Cartesian plane.*

*Transformation **P** is a translation  $\begin{pmatrix} -2 \\ -3 \end{pmatrix}$ . Transformation **Q** is a clockwise rotation of  $90^\circ$  about the centre  $(0, 7)$ .*



Rajah 5  
Diagram 5

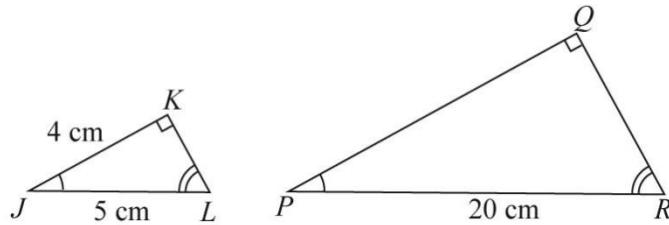
Antara titik, **A**, **B**, **C**, dan **D**, manakah imej bagi titik E di bawah gabungan penjelmaan **PQ**?

*Which of the point, **A**, **B**, **C** and **D** is the image of point E under the combined transformation **PQ**?*

**BAHAGIAN A  
SECTION A**

1. Dalam Rajah 1, JKL dan PQR adalah serupa.

*In Diagram 1, JKL and PQR are similar.*



Hitungkan panjang QR dalam cm.

*Calculate the length of QR in cm.*

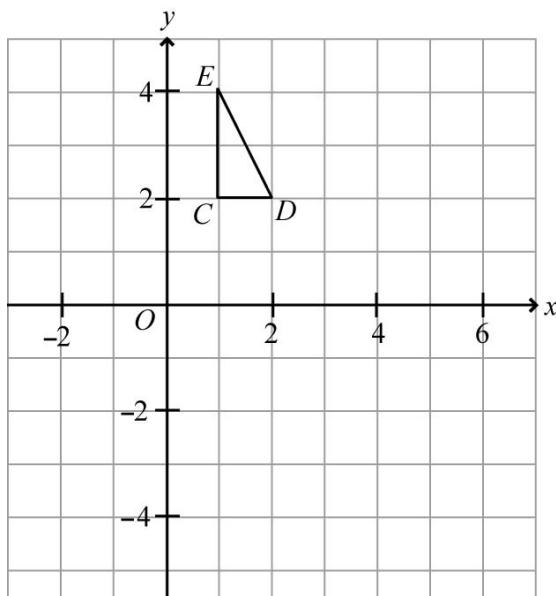
Jawapan / Answer :

2. Penjelmaan **U** ialah putaran  $90^\circ$  ikut arah jam pada asalan. Penjelmaan **V** ialah pantulan pada garis  $x = 3$ . Pada Rajah 2(a) dan Rajah 2(b), lukis imej segi tiga  $CDE$  di bawah setiap transformasi berikut :

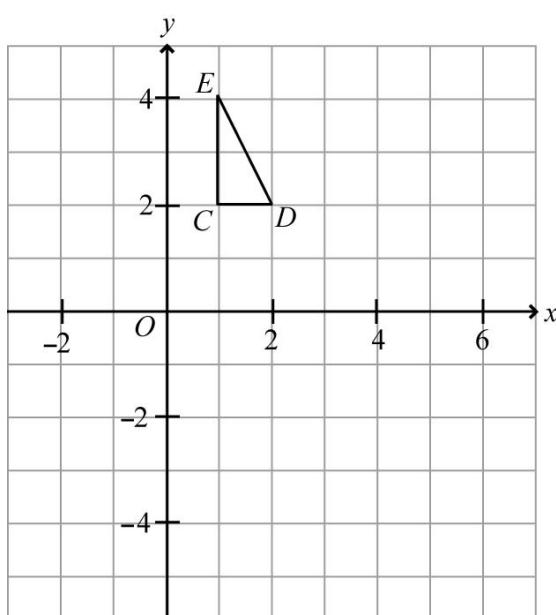
*Transformation **U** is a clockwise rotation of  $90^\circ$  about the origin. Transformation **V** is a reflection in the line  $x = 3$ . On Diagram 2(a) and 2(b), draw the image of the triangle  $CDE$  under the each of following transformations:*

- a) **U**  
b) **UV**

Jawapan / Answer :



Rajah 2(a)  
Diagram 2(a)

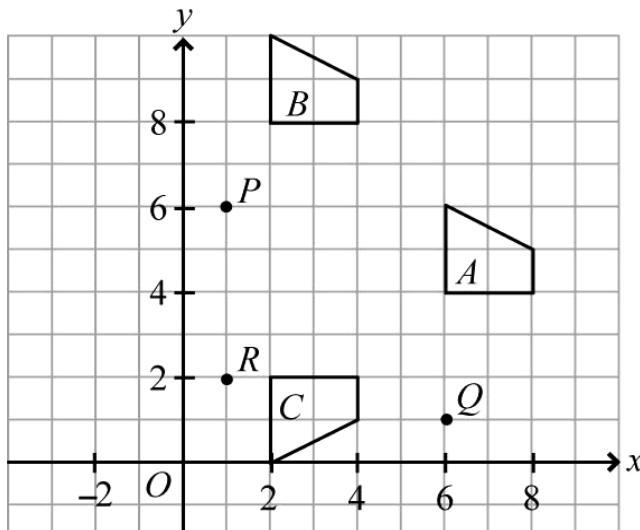


Rajah 2(b)  
Diagram 2(b)

**BAHAGIAN B**  
**SECTION B**

1. Rajah 3 menunjukkan tiga trapezium, A, B, dan C.

*Diagram 3 shows three trapeziums, A, B and C.*



Rajah 3

Diagram 3

- (a) Titik P ialah imej bagi titik Q di bawah satu pantulan. Nyatakan imej bagi titik R di bawah pantulan yang sama.

*Point P is the image of point Q under a reflection. State the coordinates of the image of point R under the same reflection.*

- (b) B ialah imej bagi A di bawah penjelmaan V. C ialah imej bagi B di bawah penjelmaan W. Huraikan selengkapnya penjelmaan:

*B is the image of A under a transformation V. C is the image of B under a transformation W. Describe in full, the transformation*

(i) **V**

(ii) **W**

- (c) Nyatakan koordinat imej bagi titik R di bawah penjelmaan berikut.

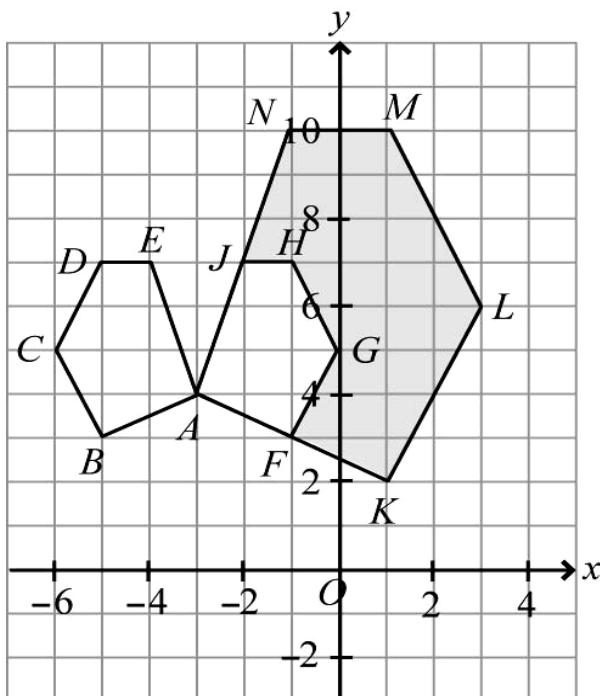
*State the coordinates of the image of point R under the following transformations.*

(i) **vw**

(ii) **WV**

2. Rajah 4 menunjukkan tiga pentagon,  $ABCDE$ ,  $AFGHJ$ , dan  $AKLMN$  dilukis pada suatu satah Cartesan.

*Diagram 4 shows three pentagons,  $ABCDE$ ,  $AFGHJ$  and  $AKLMN$  are drawn on a Cartesian plane.*



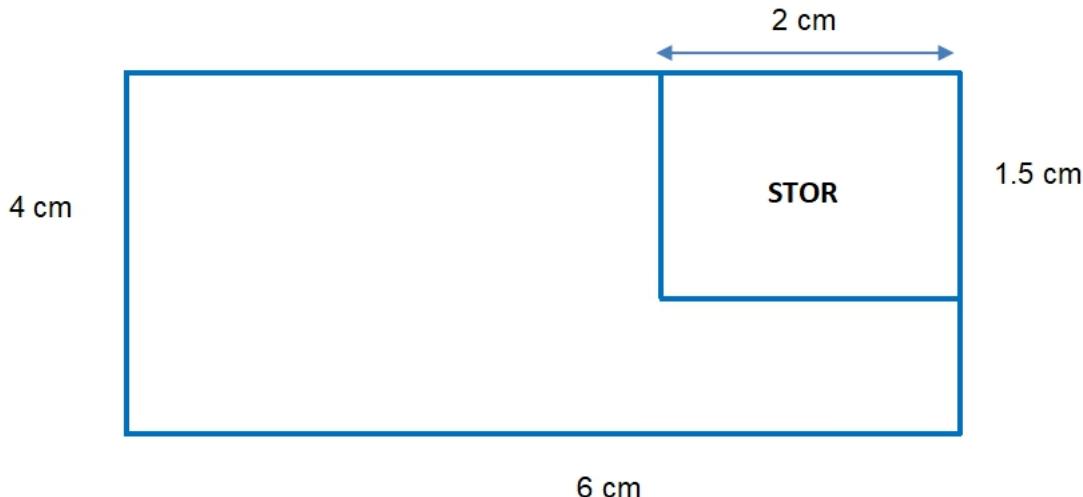
Rajah 4  
Diagram 4

- (a) Pentagon  $AKLMN$  ialah imej bagi  $ABCDE$  di bawah gabungan transformasi  $XY$ .  
Huraikan selengkapnya penjelmaan:  
*Pentagon  $AKLMN$  is the image of  $ABCDE$  under the combined transformation  $XY$ .  
Describe in full the transformation:*
- (i)  $\mathbf{Y}$
  - (ii)  $\mathbf{X}$
- (b) Diberi bahawa luas  $ABCDE$  ialah  $150 \text{ cm}^2$ . Hitungkan luas bagi kawasan berlorek, dalam  $\text{cm}^2$ .  
*It is given that the area of  $ABCDE$  is  $150 \text{ cm}^2$ . Calculate the area of shaded region in  $\text{cm}^2$ .*

**BAHAGIAN C**  
**SECTION C**

1. Encik Hassan bercadang membeli sebuah lot rumah kedai. Lukisan berskala tapak rumah kedai tersebut dilukis dengan skala  $1 : 400$ .

*Mr. Hassan plans to buy a shop house lot. The scale drawing of the shop house site is drawn on a scale of  $1 : 400$ .*



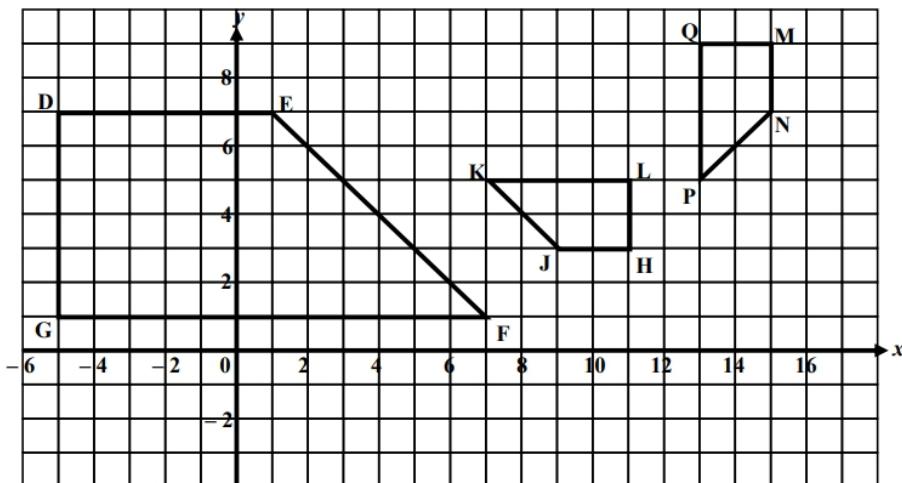
- (a) Encik Hassan bercadang untuk mengubahsuai keadaan dan kedudukan stor di dalam rumah kedai itu. Bantu beliau:

*Mr. Hassan intends to modify the condition and position of the store in the shop house. Help him:*

- (i) Hitung luas sebenar bilik stor, dalam  $\text{m}^2$ .  
*Calculate the real area of the store, in  $\text{m}^2$ .*
- (ii) Nyatakan nisbah luas rumah kedai kepada luas bilik stor.  
*State the ratio of shop house area to store room area.*

- (b) Setelah berbincang dengan kontraktor yang terlibat, Encik Hassan telah dinasihati supaya mengubah kedudukan stor tersebut menjadi stor yang berbentuk trapezium seperti didalam rajah dibawah.

*After discussing with the contractor involved, Mr. Hassan has been advised to change the position of the store into a trapezium-shaped, exactly as in the diagram below.*



- (i) **MNPQ** mewakili keadaan stor yang paling terkini, terhasil daripada gabungan penjelmaan **VU** manakala **DEFG** ialah keadaan stor pada awalnya. Dari pemerhatian anda, huraiakan selengkapnya penjelmaan **U** dan **V**:

***MNPQ** represents the most recent store conditions, resulting from a combined transformation **VU**, while **DEFG** is the initial store conditions. From your observations, describe in details transformation **U** and **V**:*

- (ii) Diberi luas stor yang asal diatas pelan lukisan ialah  $38 \text{ cm}^2$ , hitung beza luas, dalam  $\text{cm}^2$ , antara luas stor yang terkini dengan luas stor yang asal.

*Given the original area of the store on a drawing plan is  $38 \text{ cm}^2$ , calculate the difference of area in  $\text{cm}^2$  between the area of the current store and the original store.*

**JAWAPAN  
ANSWER**

**OBJEKTIF / OBJECTIVE**

1. B      2. B      3. D      4. A      5. A      6. D

**BAHAGIAN / SECTION A**

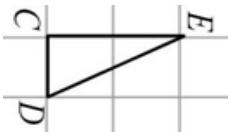
1.  $\frac{PR}{JL} = \frac{20}{5} = 4$  atau setara

$$\frac{PQ}{KJ} = \frac{PQ}{4}$$
 atau setara

$$PQ = 4 \times 4 = 16$$

$$QR = \sqrt{20^2 - 16^2} = 12$$

2. (a)



Koordinat yang baru:

$$C' (2, -1), D' (2, -2), E' (4, -1)$$

(b)



Koordinat yang baru:

$$C'' (2, 4), D'' (2, -5), E'' (4, -5)$$

**BAHAGIAN / SECTION B**

1. (a) (2, 1)

(b) (i) Translasi pada  $\begin{pmatrix} -4 \\ 4 \end{pmatrix}$

(ii) Pantulan pada  $y = 5$

- (c) (i)  $(-3, 12)$

(ii)  $(-3, 4)$

2. (a) (i) Pantulan pada  $x = -3$

(ii) Pembesaran pada  $A(-3, 4)$  dengan faktor skala 2

(b) Luas imej  $= 2^2 \times 150 = 600$

$$\begin{aligned} \text{Luas kawasan berlorek} &= 600 - 150 \\ &= 450 \text{ cm}^2 \end{aligned}$$

**BAHAGIAN / SECTION C**

1. (a) (i)

$$\frac{1\text{ cm}}{400\text{ cm}} = \frac{2\text{ cm}}{\text{Jarak sebenar}}$$

$$\text{Jarak sebenar} = \frac{2 \times 400\text{ cm}}{1\text{ cm}}$$

$$= 800\text{ cm}$$

$$= 8\text{ m}$$

$$\frac{1\text{ cm}}{400\text{ cm}} = \frac{1.5\text{ cm}}{\text{Jarak sebenar}}$$

$$\text{Jarak sebenar} = \frac{1.5 \times 400\text{ cm}}{1\text{ cm}}$$

$$= 600\text{ cm}$$

$$= 6\text{ m}$$

Luas sebenar bilik stor =  $8 \times 6 = 48\text{ m}^2$

(ii)

$$\frac{1\text{ cm}}{400\text{ cm}} = \frac{6\text{ cm}}{\text{Jarak sebenar}}$$

$$\text{Jarak sebenar} = \frac{6 \times 400\text{ cm}}{1\text{ cm}}$$

$$= 2400\text{ cm}$$

$$= 24\text{ m}$$

Atau

$$\frac{1\text{ cm}}{400\text{ cm}} = \frac{4\text{ cm}}{\text{Jarak sebenar}}$$

$$\text{Jarak sebenar} = \frac{4 \times 400\text{ cm}}{1\text{ cm}}$$

$$= 1600\text{ cm}$$

$$= 16\text{ m}$$

Luas rumah kedai =  $24 \times 16 = 384\text{ m}^2$

$$\begin{aligned}\text{Nisbah} &= \frac{\text{Luas rumah kedai}}{\text{Luas bilik stor}} \\ &= \frac{384}{48} \\ &= 8\end{aligned}$$

(b) (i) **U** = Pembesaran dengan faktor skala  $-\frac{1}{3}$  pada pusat (7, 4)

**V** = Putaran  $90^\circ$  lawan arah jam pada pusat (10, 8)

(ii)  $38 = \left(-\frac{1}{3}\right)^2 \times \text{Luas objek}$

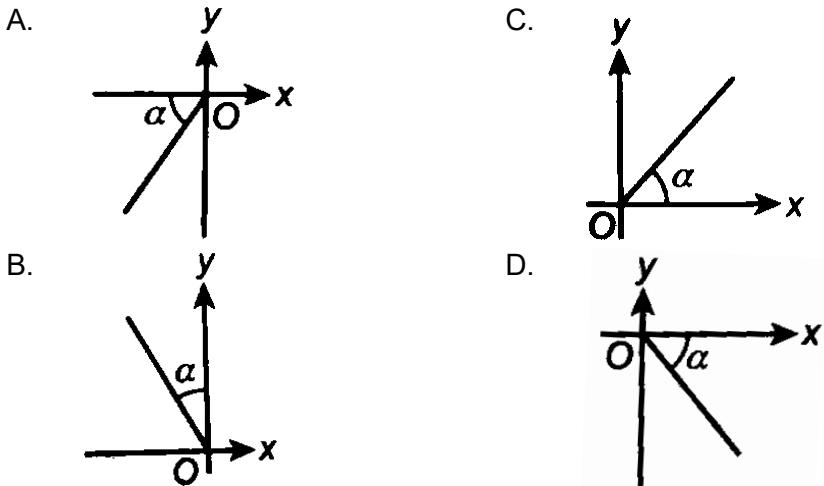
Luas objek = 342

$$\begin{aligned}\text{Beza luas} &= 342 - 38 \\ &= 304\text{ cm}^2\end{aligned}$$

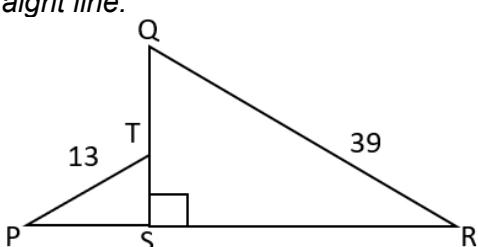
**BAB 6 : MATEMATIK NISBAH DAN GRAF FUNGSI TRIGONOMETRI**  
**CHAPTER 6 : RATIOS AND GRAPHS OF TRIGONOMETRIC FUNCTIONS**

**SOALAN OBJEKTIF**  
**OBJECTIVE QUESTIONS**

1. Antara berikut, yang manakah **bukan** sudut rujukan sepadan,  $\theta$  yang betul?  
*Which of the following is **not** the correct corresponding reference angle,  $\theta$ ?*



2. Diberi  $\cos x = -0.4226$  dan  $x$  terletak pada sukuan II, hitung nilai  $x$ .  
*Given that  $\cos x = -0.4226$  and  $x$  lies in quadrant II, calculate the value of  $x$ .*
- A.  $65^\circ$       C.  $151^\circ$   
 B.  $115^\circ$       D.  $245^\circ$
3. Dalam rajah di bawah,  $PSR$  ialah satu garis lurus.  
*In the diagram,  $PSR$  is a straight line.*

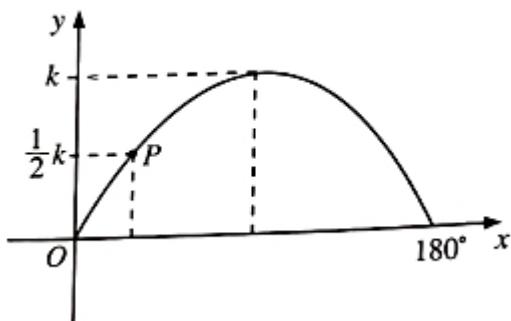


Diberi  $\sin \angle RQS = \frac{12}{13}$  dan  $\cos \angle QTP = -\frac{5}{13}$ . Cari panjang, dalam cm,  $TQ$ .

*Given  $\sin \angle RQS = \frac{12}{13}$  and  $\cos \angle QTP = -\frac{5}{13}$ . Find the length, in cm, of  $TQ$ .*

- A. 10      C. 15  
 B. 13      D. 26

4. Rajah di bawah menunjukkan sebahagian daripada graf  $y = \sin x$ .  
*The diagram below shows a part of the graph  $y = \sin x$ .*

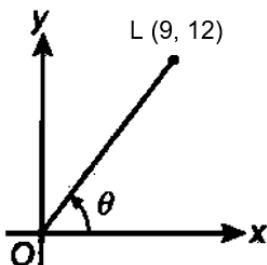


Cari koordinat of  $P$ .

*Find the coordinates of  $P$ .*

- |                      |                      |
|----------------------|----------------------|
| A. $(15^\circ, 0.5)$ | C. $(45^\circ, 0.5)$ |
| B. $(30^\circ, 0.5)$ | D. $(60^\circ, 0.5)$ |

5. Rajah di bawah menunjukkan titik  $L$  yang diplot pada suatu satah Cartes.   
*The diagram below shows point  $L$  plotted on a Cartesian plane.*

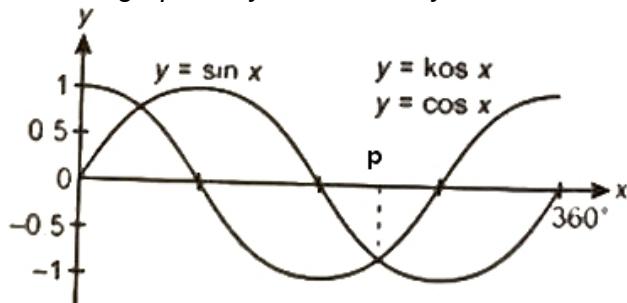


Hitung nilai  $\sin \theta$ .

*Calculate the value of  $\sin \theta$ .*

- |                  |                   |
|------------------|-------------------|
| A. $\frac{4}{3}$ | C. $-\frac{4}{3}$ |
| B. $\frac{4}{5}$ | D. $-\frac{4}{5}$ |

6. Rajah di bawah menunjukkan graf bagi  $y = \cos x$  dan  $y = \sin x$ .  
*The diagram below shows the graphs of  $y = \cos x$  and  $y = \sin x$ .*



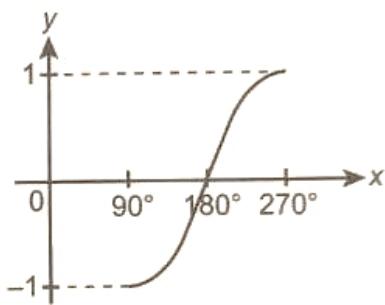
Cari nilai  $p$ .

*Find the value of  $p$ .*

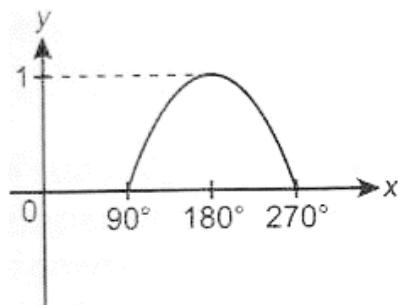
- |                |                |
|----------------|----------------|
| A. $45^\circ$  | C. $225^\circ$ |
| B. $210^\circ$ | D. $315^\circ$ |

7. Graf yang manakah mewakili  $y = \cos x$  untuk  $90^\circ \leq x \leq 270^\circ$ ?  
Which graph represents  $y = \cos x$  for  $90^\circ \leq x \leq 270^\circ$ ?

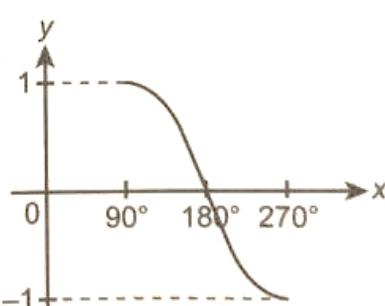
A.



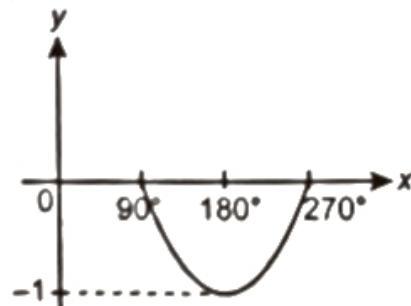
C.



B.



D.

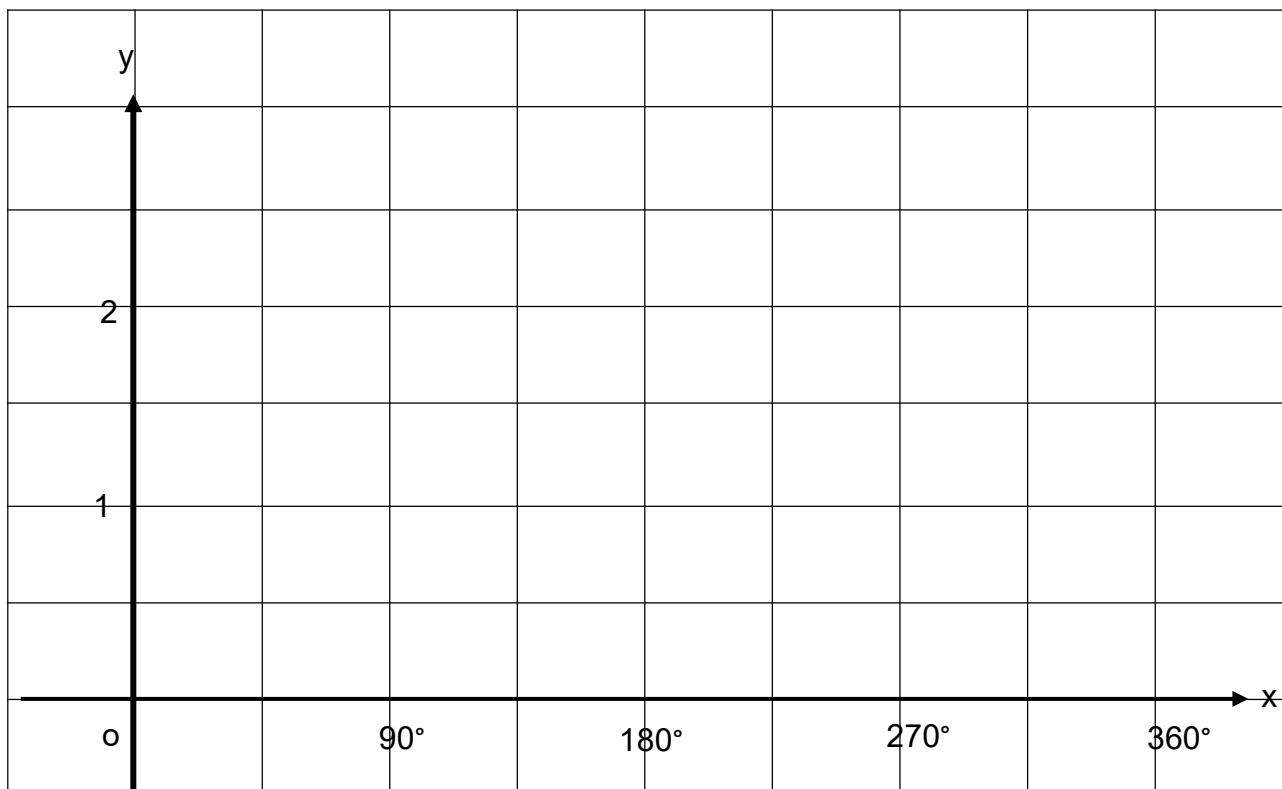


**BAHAGIAN A**  
**SECTION A**

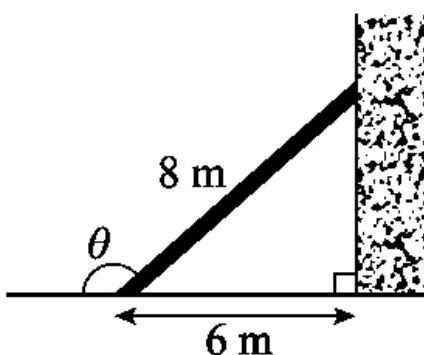
1. Lakarkan graf  $y = \sin x + 1$  bagi  $0^\circ \leq x \leq 360^\circ$  pada grid segi empat sama yang disediakan di bawah.

*Sketch the graph of  $y = \sin x + 1$  for  $0^\circ \leq x \leq 360^\circ$  on the square grids provided.*

Jawapan / Answer :



2.

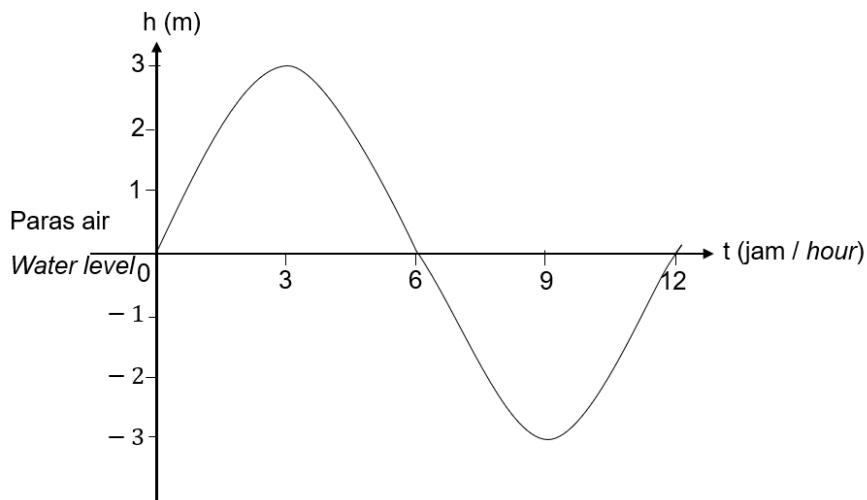


Rajah di atas menunjukkan sebuah tangga dengan panjang 8 m disandarkan pada dinding tegak. Jarak mengufuk dari dinding ke tangga itu adalah 6 m. Hitung nilai  $\sin \theta$ .

*The diagram above shows an 8 m long ladder leaning against an upright wall. The horizontal distance from the wall to the stairs is 6 m. Calculate the value of  $\sin \theta$ .*

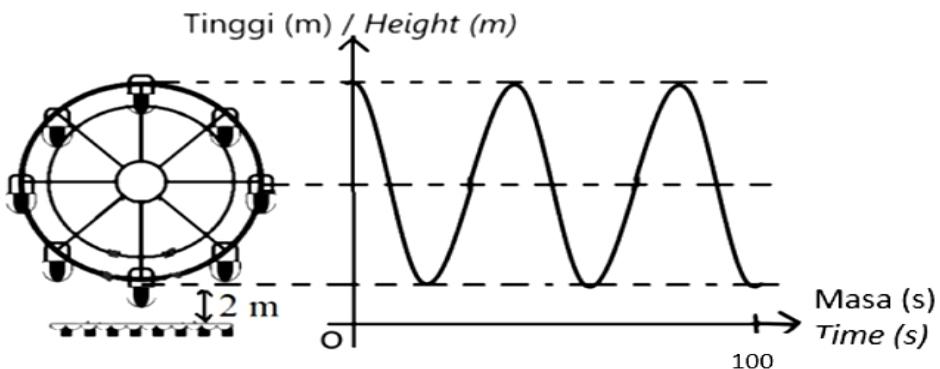
**BAHAGIAN B**  
**SECTION B**

1. Rajah berikut menunjukkan ketinggian air laut ketika pasang surut.  
*The diagram shows the height of an ocean tide.*



- (a) Apakah jenis fungsi trigonometri yang diwakili oleh ketinggian pasang surut itu?  
*What type of trigonometric function that represents the height of the tide?*
- (b) Nyatakan amplitud pasang surut air itu.  
*State the amplitude of the tide.*

2.



Rajah di atas menunjukkan sebuah roda Ferris yang berada di sebuah taman tema dengan berdiameter 14 m. Ketinggian Asyraaf daripada tanah dicatatkan ketika dia berada pada kedudukan yang paling tinggi semasa menaiki roda Ferris itu. Diberi bahawa roda Ferris itu membuat satu pusingan lengkap setiap 40 saat dan graf berikut menunjukkan ketinggian Asyraaf bagi 100 saat pertama.

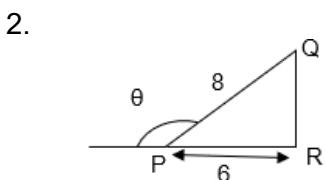
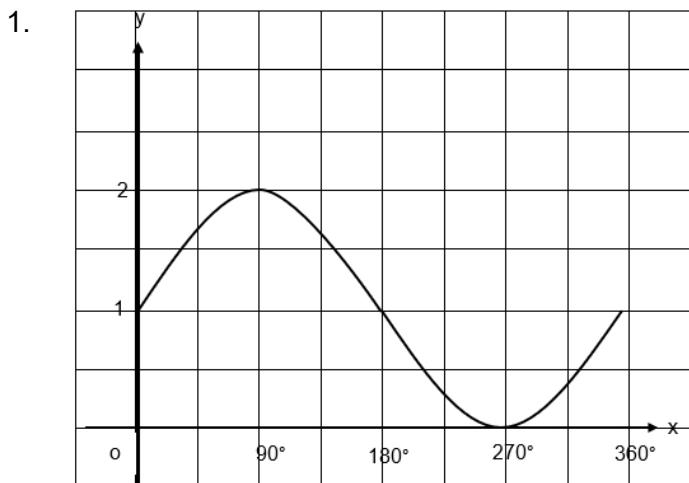
*The diagram above shows a Ferris wheel at a fun fair with a diameter of 14 m. The height of Asyraaf from the ground is recorded when he is at the highest position while on the Ferris wheel. It is given that the Ferris wheel makes a complete rotation every 40 seconds and the following graph shows the height of Asyraaf for the first 100 seconds.*

- (a) Tulis satu fungsi trigonometri untuk mewakili ketinggian Asyraaf,  $h$  pada masa,  $t$  ketika menaiki roda Ferris itu.  
*Write a trigonometry function to represent Asyraaf's height,  $h$  at time,  $t$  while on the Ferris wheel.*
- (b) Hitung ketinggian Asyraaf selepas berpusing selama 1.6 minit.  
*Calculate Asyraaf's height after rotating for 1.6 minutes.*

**JAWAPAN  
ANSWER**

**OBJEKTIF / OBJECTIVE**

- |      |      |      |      |      |
|------|------|------|------|------|
| 1. B | 2. B | 3. A | 4. B | 5. B |
| 6. C | 7. D |      |      |      |

**BAHAGIAN / SECTION A**

$$\begin{aligned} QR &= \sqrt{8^2 - 6^2} \\ &= 5.29 \end{aligned}$$

$$90^\circ < \theta < 180^\circ$$

Maka sudut  $\theta$  berada di sukuan II

$$\begin{aligned} \sin \theta &= \sin \angle RPQ \\ &= \frac{5.29}{8} \\ &= 0.6613 \end{aligned}$$

**BAHAGIAN / SECTION B**

1. (a) Sinus  
 (b) 3
2. (a)  $a = \text{jejari roda Ferris}$   
 $= \frac{14}{2}$   
 $= 7$

Satu pusingan lengkap = 40 saat

$$b = \frac{360}{40} \\ = 9$$

$$c = 7 + 2 \\ = 9$$

$$\therefore h = 7 \cos 9t + 9$$

$$(b) 1.6 \text{ minit} = 96 \text{ saat}$$

Apabila  $t = 96$ ,

$$h = 7 \cos 9(96) + 9 \\ = 3.34 \text{ m.}$$

**BAB 7 : SUKATAN SERAKAN DATA TERKUMPUL**  
**CHAPTER 7 : MEASURES OF DISPERSION FOR GROUPED DATA**

**SOALAN OBJEKTIF**  
**OBJECTIVE QUESTIONS**

1. Jadual kekerapan di bawah menunjukkan mata yang diperolehi sekumpulan murid dalam suatu kuiiz.

*The frequency table below shows the points obtained by a group of pupils in a quiz.*

| Mata<br>Point | Kekerapan<br>Frequency | Kekerapan longgokan<br>Cumulative Frequency |
|---------------|------------------------|---|
| 10 – 19       | 3                      | 3   |
| 20 – 29       | 7                      | 10  |
| 30 – 39       | P                      | 25  |
| 40 – 49       | 10                     | Q   |
| 50 - 59       | 5                      | 40  |

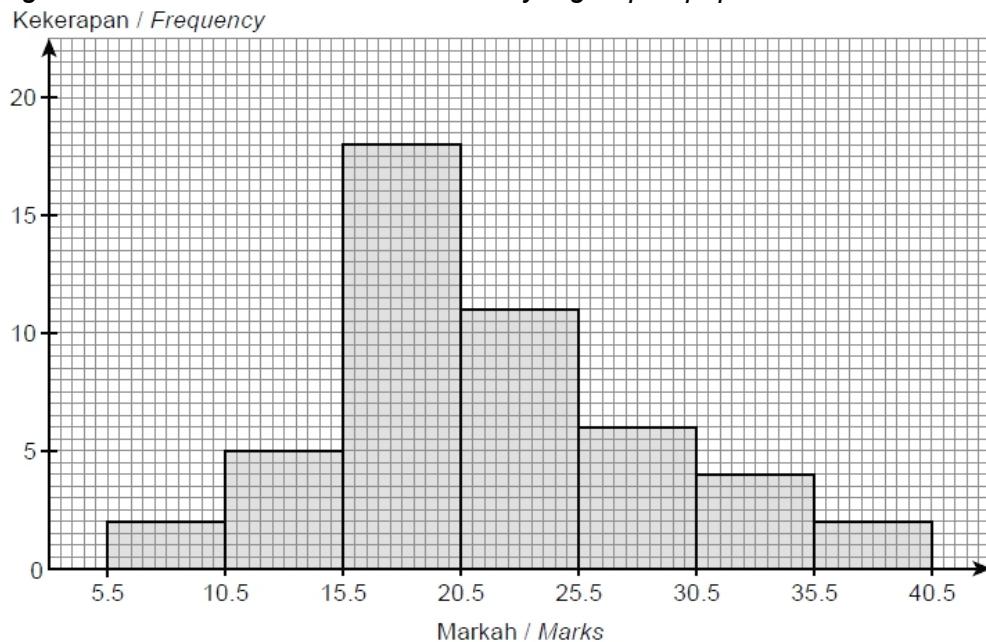
Hitung  $Q - P$ .

*Calculate Q - P.*

- |       |       |
|-------|-------|
| A. 20 | C. 30 |
| B. 25 | D. 35 |

2. Histogram di bawah menunjukkan markah yang diperoleh oleh sekumpulan murid dalam satu ujian Sains.

*The histogram below shows the marks scored by a group of pupils in a Science test.*



Hitung saiz selang kelas bagi data itu.

*Calculate the size of class interval of the data.*

- |       |       |
|-------|-------|
| A. 5  | C. 15 |
| B. 10 | D. 20 |

3. Rajah menunjukkan satu set nombor.

*Diagram shows a set of numbers.*

14, 16, X, Y, 20

Min bagi data itu ialah 17. Apakah nilai-nilai yang mungkin bagi X dan Y?

*The mean of the data is 17. What is the possible values of X and Y?*

- |                   |                   |
|-------------------|-------------------|
| A. X = 15, Y = 18 | C. X = 16, Y = 20 |
| B. X = 15, Y = 20 | D. X = 16, Y = 18 |

4. Jadual di bawah ialah jadual kekerapan yang menunjukkan umur bagi sekumpulan kanak-kanak di sebuah taska.

*Table below is a frequency table which shows the age of a group of children in a nursery.*

| Umur / Age            | 4 | 5  | 6 | 7 | 8 |
|-----------------------|---|----|---|---|---|
| Kekerapan / Frequency | 4 | 11 | 4 | 9 | k |

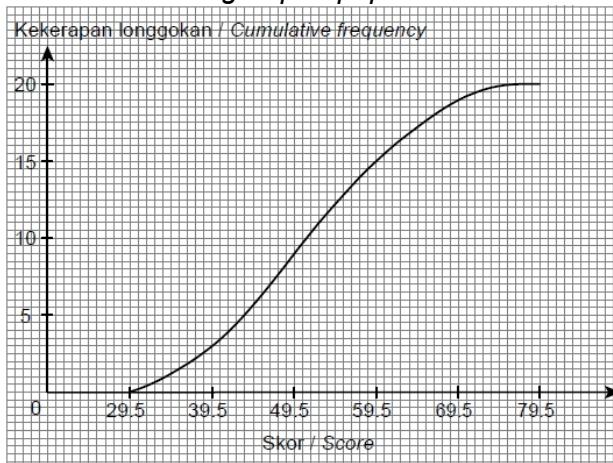
Diberi bahawa k adalah separuh daripada bilangan murid yang berumur 6 tahun. Dua orang kanak-kanak baru yang berumur 5 tahun dan 7 tahun telah mendaftar di taska itu. Hitung min umur seorang kanak-kanak di taska itu.

*It is given that k is half of the number of children age 6 years old. New two children with age 5 and 7 have registered in the nursery. Calculate the mean age of a children in the nursery.*

- |         |         |
|---------|---------|
| A. 6.26 | C. 5.88 |
| B. 6.20 | D. 5.81 |

5. Ogif di bawah menunjukkan markah bagi sekumpulan 40 orang murid dalam ujian Matematik.

*The ogive below shows the marks of a group of pupils in Mathematics test.*



Hitung julat antara kuartil.

*Calculate the interquartile range.*

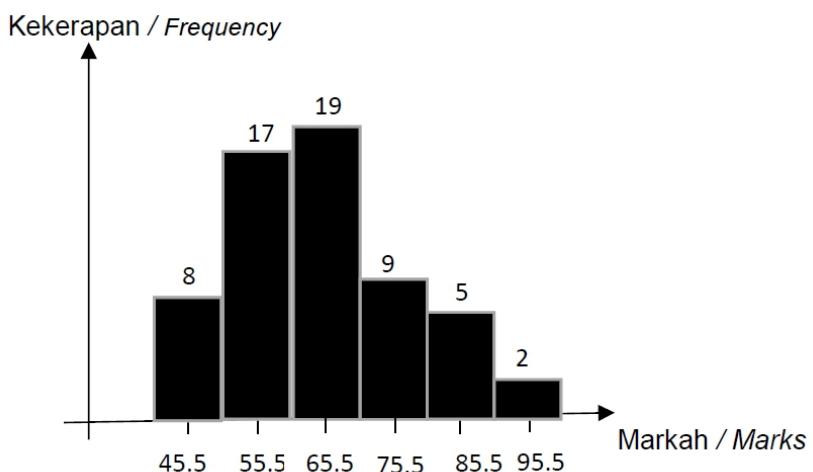
- |         |         |
|---------|---------|
| A. 15   | C. 16   |
| B. 15.5 | D. 16.5 |

**BAHAGIAN A**  
**SECTION A**

1. Data terkumpul di bawah menunjukkan jarak bagi 25 buah tempat dari sebuah pulau.  
*The grouped data below shows the distances of 25 places from an island.*

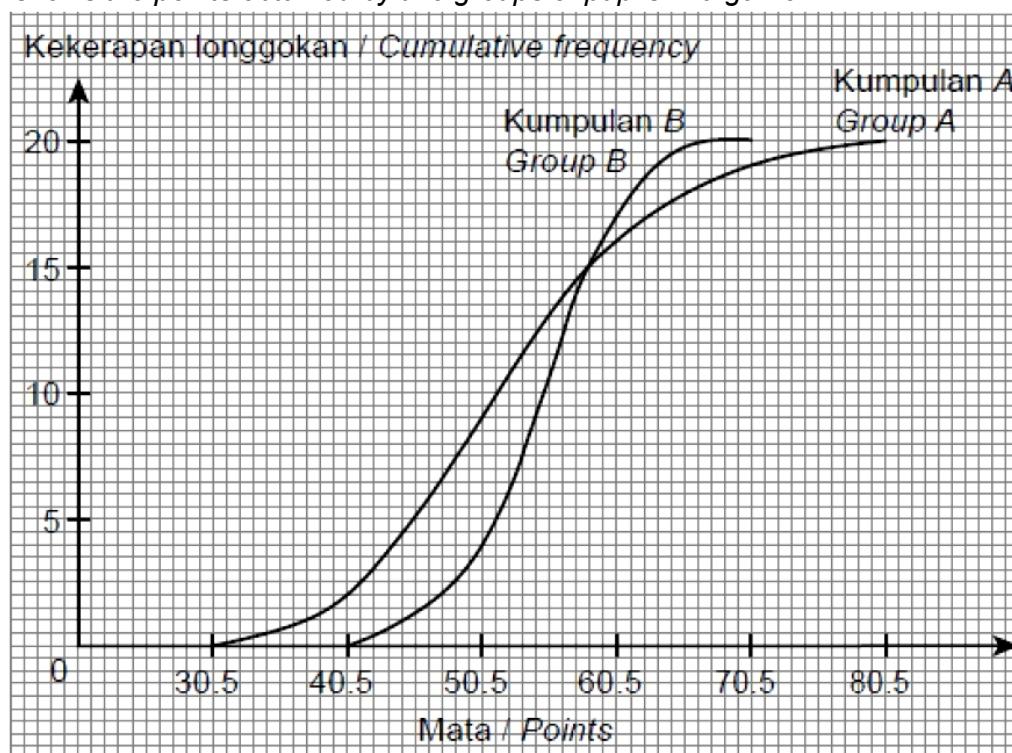
| Jarak / Distance (km) | Kekerapan / Frequency |
|-----------------------|-----------------------|
| 1 – 5                 | 3                     |
| 6 – 10                | 6                     |
| 11 – 15               | 8                     |
| 16 – 20               | 2                     |
| 21 – 25               | 4                     |
| 26 – 30               | 2                     |

- (a) Bina histogram longgokan bagi data terkumpul itu.  
*Construct a cumulative frequency for the grouped data.*
- (b) Tentukan / Determine
- (i) julat jarak/range of distance,
  - (ii) varians dan sisihan piawai jarak.  
*the variance and standard deviation of distance.*
2. Histogram berikut menunjukkan markah bagi sekumpulan murid.  
*The following histogram shows the marks of a group of pupils.*



- (a) Hitung sisihan piawai markah bagi kumpulan murid itu.  
*Calculate the standard deviation of the group of pupils.*
- (b) Lukis satu ogif bagi data itu dengan menggunakan skala 2 cm kepada 10 markah pada paksi mengufuk dan 2 cm kepada 10 orang murid pada paksi mancancang.  
*Draw an ogive for the data by using the scale of 2 cm to 10 marks on the horizontal axis and 2 cm to 10 pupils on the vertical axis.*

3. Ogif di bawah menunjukkan mata yang diperoleh dua kumpulan murid dalam sebuah permainan.  
*The ogive shows the points obtained by two groups of pupils in a game.*



- (a) Hitung min dan sisihan piawai bagi kedua-dua kumpulan.  
*Calculate the mean and standard deviation of both groups.*
- (b) Kemudian, tentukan kumpulan yang menunjukkan prestasi yang lebih baik dan konsisten.  
*Hence, determine which group shows a better and consistent performance.*
4. (a) Satu set enam data mempunyai min 9 dan hasil tambah kuasa dua ialah 1250. Jika nombor 7 dikeluarkan dari set data itu, cari sisihan piawai bagi set data tinggal.  
*A set of six data has a mean of 9 and the sum of squares is 1250. If the number 7 is removed from the set of data, find the standard deviation of the remaining set of data.*
- (b) Satu set data bagi 15 nombor mempunyai varians 54 dan diberi bahawa  $\sum x^2 = 1350$ . Cari  
*A set of 15 numbers has a variance of 54 and it is given that  $\sum x^2 = 1350$ . Find*
- Min,  $\bar{x}$  / Mean,  $\bar{x}$
  - Nilai  $\sum x$  . / The value of  $\sum x$  .

**BAHAGIAN B**  
**SECTION B**

1. Jadual berikut menunjukkan taburan kekerapan umur bagi 84 orang pekerja di sebuah kilang.  
*The following table shows the frequency distribution of the ages of 84 workers in a factory.*

| Umur (tahun)<br>Age (year) | Kekerapan<br>Frequency |
|----------------------------|------------------------|
| 21 – 25                    | 3                      |
| 26 – 30                    | 6                      |
| 31 – 35                    | 10                     |
| 36 – 40                    | 17                     |
| 41 – 45                    | 33                     |
| 46 – 50                    | 13                     |
| 51 - 55                    | 2                      |

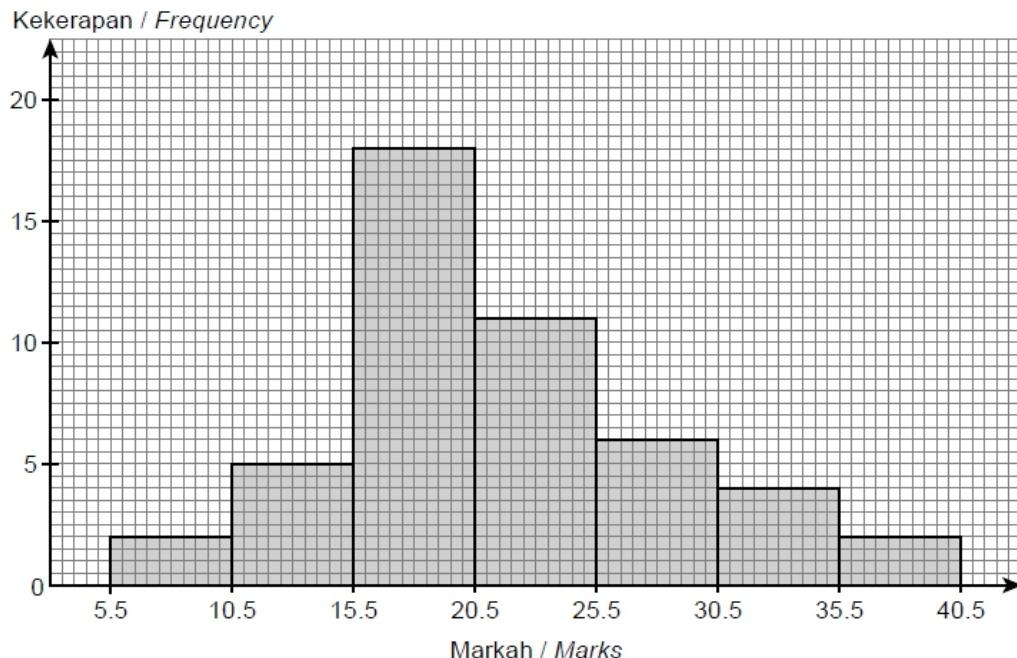
- (a) Hitung min umur bagi seorang pekerja itu.  
*Calculate the mean age of a worker.*
- (b) Berdasarkan jadual di atas, lengkapkan jadual berikut dengan menulis nilai-nilai sempadan atas dan kekerapan longgokan,  
*Based on the table above, complete the following table by writing the values of the upper boundary and the cumulative frequency.*

| Sempadan atas<br>Upper boundary | Kekerapan longgokan<br>Cumulative frequency |
|---------------------------------|---|
| 20.5                            | 0   |
| 25.5                            |   |
|                                 |   |
|                                 |   |
|                                 |   |
|                                 |   |
| 55.5                            | 84  |

- (c) Dengan menggunakan skala 2 cm kepada 5 tahun pada paksi mengufuk dan 2 cm kepada 10 orang pekerja pada paksi mencancang, lukis satu ogif bagi data itu.  
*By using the scales of 2 cm to 5 years on the horizontal axis and 2 cm to 10 workers on the vertical axis, draw an ogive for data.*
- (d) Kilang itu bercadang untuk memberi hadiah kepada pekerja-pekerja yang berumur lebih daripada 43 tahun. Dengan menggunakan ogif yang dilukis di (c), cari bilangan pekerja yang akan menerima hadiah.  
*The factory plans to give gift to the workers whose age are above 43 years old. By using the ogive drawn in (c), find the number of workers who will receive the gift.*

2. Histogram di bawah menunjukkan markah yang diperoleh oleh sekumpulan murid dalam satu ujian Sejarah.

*The histogram below shows the marks scored by a group of pupils in a Sejarah test.*



- (a) Lengkapkan jadual di bawah berdasarkan histogram.

*Complete the table below based on the histogram.*

| Markah / Marks | Kekerapan / Frequency | Sempadan atas / Upper boundary | Kekerapan longgokan / Cumulative frequency |
|----------------|-----------------------|--------------------------------|--|
| 1 – 5          | 0                     | 5.5                            | 0  |
| 6 – 10         |                       |                                |  |
| 11 – 15        |                       |                                |  |
| 16 – 20        |                       |                                |  |
| 21 – 25        |                       |                                |  |
| 26 – 30        |                       |                                |  |
| 31 – 35        |                       |                                |  |
| 36 – 40        |                       |                                |  |

- (b) Menggunakan skala 2 cm kepada 5 markah pada paksi-x dan 2 cm kepada 5 orang murid pada paksi-y, lukis ogif berdasarkan data tersebut.

*Using a scale of 2 cm to 5 marks on the x-axis and 2 cm to 5 pupils on the y-axis, draw an ogive based on the data.*

- (c) Daripada ogif di (b)

*From the ogive in (b)*

(i) cari kuartil pertama,  
*find the first quartile,*

(ii) seterusnya, terangkan secara ringkas maksud kuartil pertama.  
*hence, explain briefly the meaning of the first quartile.*

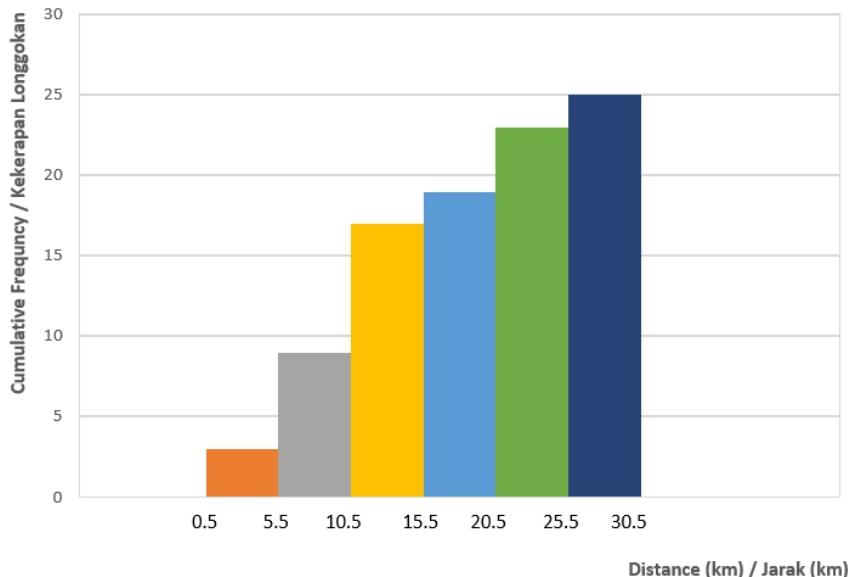
**JAWAPAN  
ANSWER**

**OBJEKTIF / OBJECTIVE**

1. A      2. A      3. B      4. D      5. C

**BAHAGIAN / SECTION A**

1. (a)



(b) (i)  $\text{Julat} = 28 - 3 = 25 \text{ km}$

(ii) 
$$\bar{x} = \frac{345}{25} = 13.8$$

$$\sigma^2 = \frac{345}{25} - (13.4)^2 = 53.36$$

$$\sigma = 7.30$$

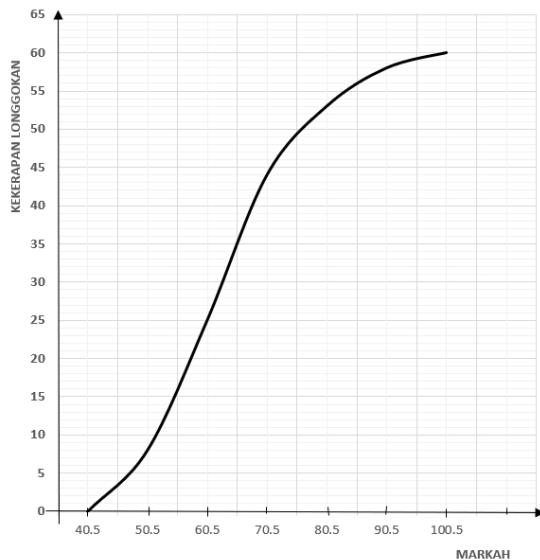
2. (a)

$$\sigma = \sqrt{\frac{8(45.5)^2 + 17(55.5)^2 + 19(65.5)^2 + 9(75.5)^2 + 5(85.5)^2 + 2(95.5)^2}{60} - \left(\frac{3850}{60}\right)^2}$$

$$= 12.58$$

(b)

| Markah   | Kekerapan | Sempadan atas | Kekerapan Longgokan |
|----------|-----------|---------------|---------------------|
| 31 – 40  | 0         | 40.5          | 0                   |
| 41 – 50  | 8         | 50.5          | 8                   |
| 51 – 60  | 17        | 60.5          | 25                  |
| 61 – 70  | 19        | 70.5          | 44                  |
| 71 – 80  | 9         | 80.5          | 53                  |
| 81 – 90  | 5         | 90.5          | 58                  |
| 91 – 100 | 2         | 100.5         | 60                  |



3. (a) **Kumpulan A**

| Mata    | Kekerapan, f | Titik tengah,x | $\sum fx$        | $\sum fx^2$         |
|---------|--------------|----------------|------------------|---------------------|
| 31 – 40 | 2            | 35.5           | 71               | 2520.5              |
| 41 – 50 | 7            | 45.5           | 318.5            | 14491.75            |
| 51 – 60 | 7            | 55.5           | 388.5            | 21561.75            |
| 61 – 70 | 3            | 65.5           | 196.5            | 12870.75            |
| 71 – 80 | 1            | 75.5           | 75.5             | 5700.25             |
|         |              |                | $\sum fx = 1050$ | $\sum fx^2 = 57145$ |

$$\bar{x} = \frac{1050}{20} = 52.5$$

$$\sigma = \sqrt{\frac{57145}{20} - (52.5)^2} = 10.05$$

**Kumpulan B**

| Mata    | Kekerapan, f | Titik tengah,x | $\sum fx$        | $\sum fx^2$         |
|---------|--------------|----------------|------------------|---------------------|
| 41 – 50 | 4            | 45.5           | 182              | 8281                |
| 51 – 60 | 13           | 55.5           | 721.5            | 40043.25            |
| 61 – 70 | 3            | 65.5           | 196.5            | 12870.75            |
|         |              |                | $\sum fx = 1100$ | $\sum fx^2 = 61195$ |

$$\bar{x} = \frac{1100}{20} = 55$$

$$\sigma = \sqrt{\frac{61195}{20} - (55)^2} = 5.89$$

- (b) Kumpulan B menunjukkan prestasi yang lebih baik kerana minnya lebih besar daripada kumpulan A dan sisihan piawai yang lebih kecil menunjukkan prestasi yang konsisten.  
*Group B shows a better performance because the mean is greater than group A and the smaller deviation shows a consistent performance.*

4. (a)  $9 = \frac{\sum x}{6}$

54

$$\frac{54 - 7}{5} = 9.4$$

(b) (i)  $54 = \frac{1350}{15} - (\bar{x})^2$

$$\bar{x} = 6$$

(ii) 90

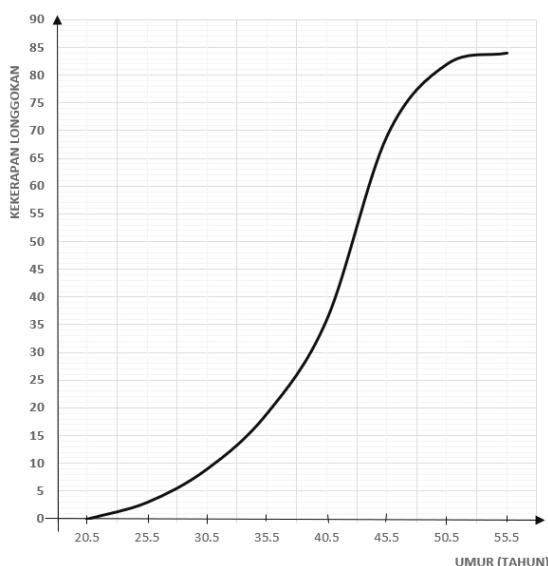
### BAHAGIAN / SECTION B

1. (a)  $\bar{x} = \frac{3362}{84} = 40.0$

(b)

| Sempadan atas | Kekerapan Longgokan |
|---------------|---------------------|
| 20.5          | 0                   |
| 25.5          | 3                   |
| 30.5          | 9                   |
| 35.5          | 19                  |
| 40.5          | 36                  |
| 45.5          | 69                  |
| 50.5          | 82                  |
| 55.5          | 84                  |

(c)

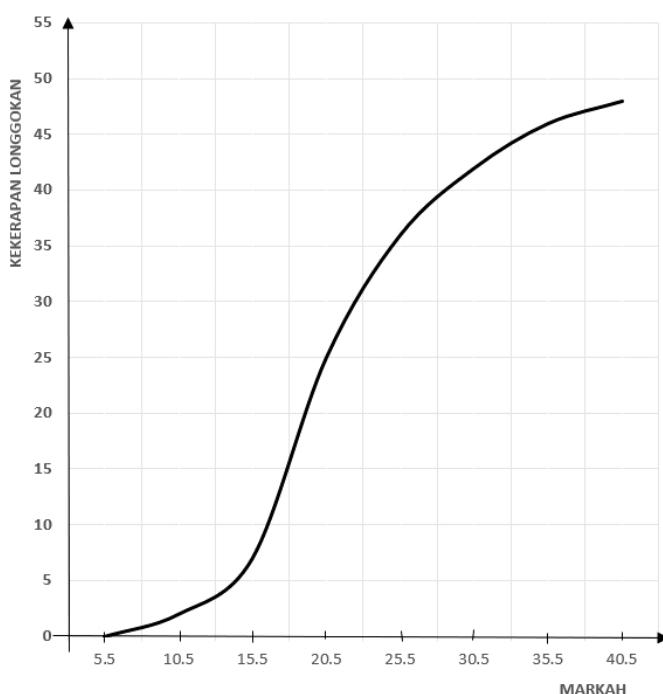


(d) 31

2. (a)

| Markah  | Kekerapan | Sempadan atas | Kekerapan Longgokan |
|---------|-----------|---------------|---------------------|
| 1 - 5   | 0         | 5.5           | 0                   |
| 6 - 10  | 2         | 10.5          | 2                   |
| 11 - 15 | 5         | 15.5          | 7                   |
| 16 - 20 | 18        | 20.5          | 25                  |
| 21 - 25 | 11        | 25.5          | 36                  |
| 26 - 30 | 6         | 30.5          | 42                  |
| 31 - 35 | 4         | 35.5          | 46                  |
| 36 - 40 | 2         | 40.5          | 48                  |

(b)



(c) (i) 17.25

(ii) 12 orang murid memperoleh kurang daripada atau sama dengan 17.25 markah dalam ujian itu.